

# 2

## **BIOSÄHKÖMAGNETIIKAN FYSIKAALISIA PERUSTEITA**

Kari Jokela

### SISÄLLYSLUETTELO

2.1	Staattiset ja kvasistaattiset kentät .....	28
2.2	Sähkömagneettinen aalto .....	44
2.3	Ominaisabsorptionopeus .....	48
2.4	Maxwellin yhtälöt.....	51
2.5	Yhteenveto altistumista kuvaavista suureista .....	55

Sähkö- ja magneettikentien biologisten vaikutusten ymmärtämiseksi on tarpeellista olla perillä niistä fysiikan ilmiöistä, jotka keskeisimmin vaikuttavat elävän organismin kuten ihmisen, koe-eläimen tai soluviljelmän altistumiseen. Tässä luvussa johdatellaan lukija sähkömagneettisen teorian keskeisimpien ilmiöiden ja käsiteiden pariin sekä esitetään sen pohjalta altistumista kuvaavat suureet ja yksiköt. Yhteenvetotaulukko suureista on luvun lopussa (taulukko 2.2). Koko klassinen sähkömagneettinen teoria voidaan periaatteessa esittää Maxwellin jo sata vuotta sitten esittämän neljän kuuluisan yhtälön avulla. Tämän kirjan tavoitteena on kuitenkin esittää sähkömagneettisesta teoriasta vain ne osat, jotka ovat välttämättömiä ja nekin niin yksinkertaisessa muodossa kuin mahdollista. Näitä tietoja tarvitaan erityisesti luvussa 3, jossa käsitellään tarkemmin miten kentät kytkeytyvät ihmiseen, ja luvussa 10, jossa esitetään menetelmiä altistumisen määrittämiseksi monissa käytännön tilanteissa.

Altistumista sähkömagneettisille kentille voidaan kuvata epäsuorasti *ulkoisten* kenttien avulla tai suoraan kudoksissa vaikuttavien *sisäisten* kenttäsuureiden avulla. Ulkoisen kentän voimakkuutta kuvataan seuraavilla suureilla: sähkökentän voimakkuus  $E$ , magneettikentän voimakkuus  $H$ , magneettivuon tiheys  $B$  ja sähkömagneettisen aallon tehotiheys  $S$ . Kehon *sisäistä* altistumista mittavia dosimetrisia altistumissuureita ovat kudokseissa vaikuttavan sähkökentän voimakkuus  $E$ , sähkökentän aiheuttama indusoitunut virrantiheys  $J$  sekä teholäiviöihin eli lämpenemiseen liittyvä ominaisabsorptionopeus SAR.

## 2.1 | Staattiset ja kvasistaattiset kentät

### Sähkökenttä

Sähkövaraus synnyttää ympäröivään avaruuteen tilan, jota kutsutaan sähkökentäksi. Coulombin lain mukaan sen vaikutus ilmenee toiseen varattuun kappaleeseen kohdistuvana voimanä. Sähkökenttä voidaan määritellä tämän sähköisen voiman avulla. Varaukseen kohdistuva sähkökenttä saadaan jakamalla varaukseen kohdistuva sähköinen voima varauksen suuruudella. Sähkökentän suunta on sama kuin voiman suunta. Samanmerkkisiin varauksiin kohdistuu hylkivä ja erimerkkisiin varauksiin vetävä voima, kuva 2.1. Mitä suuremmat varaukset, sitä suurempi on voima. Mitä kauempana varaukset ovat toisistaan, sitä heikompi on voima.

Yksinkertaisessa mallissa kaksi ilmassa olevaa varausta, varaukset  $Q_1$  ja  $Q_2$ , kohdistavat toisiinsa voiman  $F$ , joka riippuu varausten suuruudesta ja keskinäisestä etäisyydestä  $r$ . Yhtälömuodossa Coulombin laki on

$$F = Q_1 E_2 = Q_2 E_1 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q_1 Q_2}{r^2} \quad (2.1)$$

jonka ensimmäinen termi  $1/4\pi\epsilon_0$  on Coulombin vakio ja siinä  $\epsilon_0$  on tyhjiön permittiivisys (8,854 · 10<sup>-12</sup>F/m). Jos varauksia on useampia, voidaan varaukseen  $Q_2$  kohdistuvan voiman laskemisessa käyttää superposition periaatetta eli summata eri pistelähteistä peräisin olevat voimat yhteen.

#### FAKTALAATIKKO 2.1

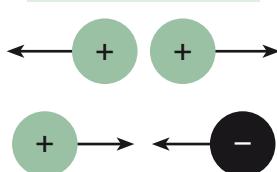
Voiman  $F$  yksikkö on newton (N) ja vuorovaikutuksesta vastaavan sähkökentän  $E$  yksikkö on newtonia per coulombi (N/C).

Sähkökenttä  $\mathbf{E}$  kuten myös voima  $\mathbf{F}$  ovat vektorisuureita, eli niillä on suuruus ja suunta. Vektorisuureiden merkinnässä on tässä kirjassa käytetty lihavointia silloin, kun on haluttu korostaa vektoriluonnetta.

Sähkökenttä voidaan laskea kätevästi soveltamalla Gaussin lakin, joka on yksi Maxwellin neljästä yhtälöstä. Gaussin lain mukaan varausten syntytämä sähkövuo  $\Phi$  suljetun pinnan  $A$  läpi on suoraan verrannollinen pinnan sisälle suljetun varauksen  $Q$  suuruuteen:

$$\Phi = EA = \frac{Q}{\epsilon_0} \quad (2.2)$$

#### Sähköinen voima



Kuva 2.1 Sähköiset voimat

Erimerkkiset varaukset vetävät toisiaan puoleensa ja samanmerkkiset varaukset hylkivät toisiaan. Vuorovaikutus syntyy varausten syntytämiensä sähkökenttien välityksellä. Samat voimat pätevät myös biologisessa materiaalissa.

Varaus  $Q$  tarkoittaa kokonaisvarausta ja suljettu pinta on esimerkiksi varauksen sisäänsä sulkeva pallo, taso, sylinteri tai muu pinta, jossa sähkökenttä on vakio ja kohtisuorassa pintaa vasten. Yleisessä tapauksessa kentän voimakkuus ja suunta vaihtelevat pinnalla. Tällöin on sovellettava Gaussin lakia yleisemmässä integraalimuodossa

$$\Phi = \oint_A \mathbf{E} \cdot d\mathbf{A} = \frac{Q}{\epsilon_0} \quad (2.3)$$

jossa pinta-alkion  $d\mathbf{A}$  ja sähkökentän  $\mathbf{E}$  pistetulo integroidaan koko suljetun pinnan yli, kuva 2.2a. Tietyissä tapauksissa kentän  $\mathbf{E}$  suunta voidaan päätellä asetelman symmetriasyiden perusteella, jolloin pistetulo yksinkertaistuu. Tällaisia tilanteita on esitetty kuvassa 2.2b–2.2d. Kaikille niille on ominaista se, että sähkökenttä on vakio laskentapinnalla. Pallomaisen lähteen sähkökentän suunta on radiaalinen, tasomaisen varausjakauman synnyttämän sähkökentän suunta on kohtisuoraan tasoa vasten ja sylinterimäisen varausjakauman synnyttämä kenttä on säteen suuntainen.

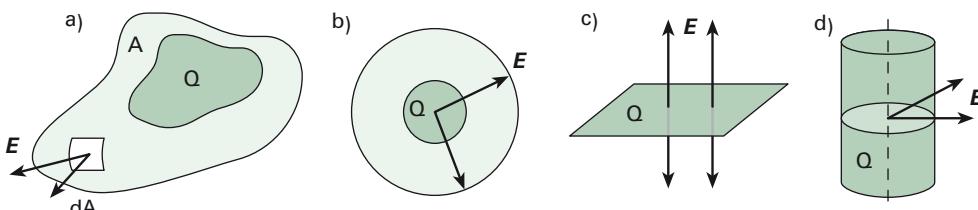
Esimerkiksi pallomaisen varauksen  $Q_1$  tapauksessa lähtevä vuo on

$$\Phi = \frac{Q_1}{\epsilon_0} = 4\pi r^2 E,$$

jossa  $E$  on sähkökenttä etäisyydellä  $r$ . Siitä saadaan

$$E = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r^2}. \quad (2.4)$$

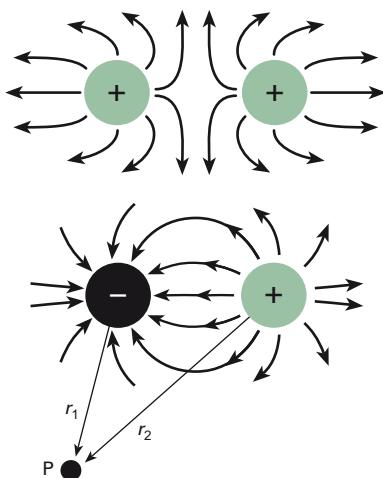
Huomataan, että vain varaus, ei pallon koko, vaikuttaa sähkökenttiään. Gaussian laista nähdäänkin suoraan, että pallon ulkopuolella kenttä on aivan sama kuin, jos pallon sisältämä varaus olisi puristettu pistemäiseksi tai levitetty pallon kuorelle. Pisteverauksen tapauksessa myös Coulombien lain (kaava 2.1) perusteella päätäään kaavaan 2.4.



Kuva 2.2 Gaussin lain soveltaminen erilaisiin varausjakaumiin

a) yleinen tapaus, b) pallomainen varaus, c) levymainen varaus, d) pitkän sylinterin varaus

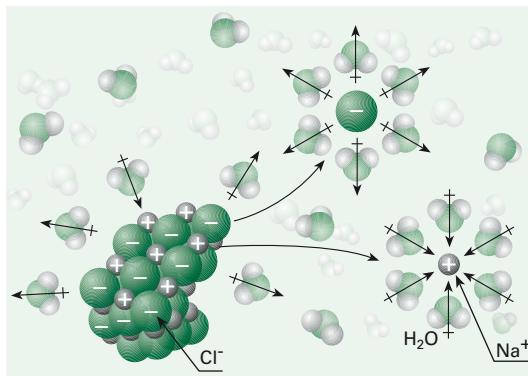
Kuvassa 2.3 on esitetty positiivisen ja negatiivisen pistevaraauksen tuottamat sähkökentät. Viivat kuvaavat kenttäviivoja ja nuolet kentän suuntaa. Mitä tiheämässä viivat ovat, sitä voimakkaampi kenttä on. Kun varaukset tuodaan riittävän lähelle toisiaan, alkaa niiden välinen vuorovaikutus näkyä. Sähkökenttää väärityy, kun molempien pistevarausten tuottamat kentät alkavat summautua keskenään. Kun halutaan laskea useamman varauskeskittymän synnyttämä kenttä mielivaltaisessa pisteessä, täytyy käyttää superpositioperiaatetta ja summata kentät vektorina yhteen.



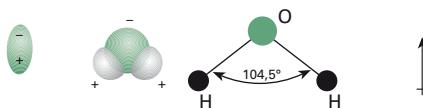
**Kuva 2.3 Positiivisen ja negatiivisen pistevaraauksen tuottama sähkökenttä  $E$**

Pistevarausten synnyttämät kentät ovat aina symmetrisiä, jos muut varaukset eivät pääse vaikuttamaan niihin. Kenttäviivojen suunta on joko varauksesta kohti suoraan ulospäin (positiivinen varaus) tai sisäänpäin (negatiivinen varaus). Jos varauksen lähelle tuodaan toinen varaus, alkuperäinen sähkökenttää väärityy. Useamman varauskeskittymän synnyttämä kenttä voidaan laskea superpositioperiaatteella, ja kenttävektorit  $E_1(r_1), \dots, E_n(r_n)$  on laskettava vektoreina yhteen pisteessä  $P$ .

Myös biologisen materiaalin sisällä vaikuttava sähkökenttä aiheuttaa kaikkiin sähkövaraauksiin sisältyviin hiukkasiin kentän suuntaisen voiman. Tällaisia varattuja hiukkasia ovat esimerkiksi elektronit ja vapaat ionit sekä molekyyleihin sitoutuneet varaukset. Veteen liuenneet suolat (esimerkiksi NaCl) toimivat pistevarauskina ja niillä on vuorovaikutus vesimolekylien kanssa sähkökentän kautta. Vesimolekyli on luonteeltaan dipoli, jossa toinen pää on negatiivisesti ja toinen pää positiivisesti varautunut. Negatiivisesti varautunut ioni ( $\text{Cl}^-$ ) vaikuttaa vesimolekyyleihin vetäen puoleensa niiden positiivisesti varautunutta päättä. Positiivisesti varautunut ioni ( $\text{Na}^+$ ) taas vetää puoleensa vesimolekyylin negatiivista päättä, kuva 2.4. Kaiken kaikkiaan ionien, atomien ja molekyyleiden väliset sidokset (proteiinit, DNA) perustuvat Coulombin lain mukaiseen sähköiseen vuorovaikutukseen.



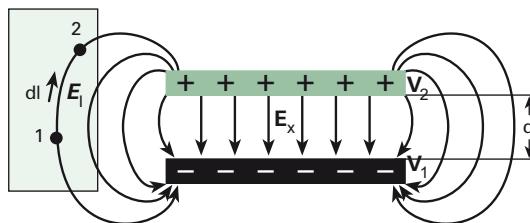
Kuva 2.4 a)



Kuva 2.4 b)

**Kuva 2.4 Varaukset ja sähköiset sidosvoimat biologisessa materiaalissa**

- a) Veteen liuenneet suolat toimivat pisteverauksina ja polaariset vesimolekyylit dipoleina. Esimerkiksi ruokasuolaliuoksessa klori-ionit ( $\text{Cl}^-$ ) ovat negatiivisia ja natriumionit ( $\text{Na}^+$ ) positivisia. Negatiivisesti varautunut ioni ( $\text{Cl}^-$ ) vaikuttaa vesimolekyyleihin vetäen puoleensa niiden positiivisesti varautunutta päättä. Positiivisesti varautunut ioni ( $\text{Na}^+$ ) taas vetää puoleensa vesimolekyylin negatiivista päättä.
- b) Kuvassa on esitetty erilaisia tapoja kuvata vesimolekyyliä. Vesimolekyylissä ( $\text{H}_2\text{O}$ ) sidokset ovat sellaisia, että elektronit ovat lähempänä happiatomia kuin kahta vetyatomia, minkä seurauksena atomi on pysyvästi polarisoitunut.



**Kuva 2.5 Levykondensaattorin väliin muodostuva sähkökenttä  $E$**

Tasomaisten varattujen levyjen välille syntyy tasainen kenttä, mutta levyjen reunilla kenttä on hieman vääristynyt. Levykondensaattorin keskiosassa jännite  $U = V_2 - V_1$  ja levyjen välinen etäisyys  $d$  määrittelevät sähkökentän voimakkauden  $E$ . Kondensaattorin ulkopuolella  $E$  voidaan mitata potentiaalierojen avulla.

## Potentiaaliero

Käytännössä sähkökenttä on kätevämpi määritellä potentiaalierojen eli jännitteiden avulla, koska jännitteiden mittaukset ovat paljon helpompiä kuin sähköisten voimien ja varausten mittaukset.

Potentiaaliero kahden pisteen välillä saadaan integroimalla sähkökenttä pisteitä yhdistävästä tietä pitkin. Kuvassa 2.5. sijaitsevien pisteen 1 ja 2 välinen jännite  $U$  voidaan lausua potentiaalien  $V$  avulla siten, että

$$U = V_2 - V_1 = - \int_1^2 \mathbf{E}_l \cdot d\mathbf{l} \quad (2.5)$$

jossa  $\mathbf{E}_l$  on integrointipolun suuntainen sähkökentän komponentti ja  $d\mathbf{l}$  on polun suuntainen viiva-alkio. Yksinkertaisessa tilanteessa kuten kuvassa 2.5 levyjen keskivaiheilla, jossa kenttä on yhdensuuntainen, voidaan sähkökenttä lausua potentiaalierojen avulla siten, että

$$U = V_2 - V_1 = -E_x d \quad (2.6)$$

ja sähkökenttä voidaan ratkaista seuraavasti

$$E_x = \frac{U}{d} = \frac{V_1 - V_2}{d}. \quad (2.7)$$

Näin ollen sähkökentän  $E$  yksikkö voidaan lausua myös voltia per metri (V/m), tai kuten edellä newtonia per coulombi (N/C). Käytännössä sähkökentälle käytetty yksikkö on V/m. Ilmassa yksi N/C yksikkö vastaa yhtä V/m yksikköä.

## Sähköstaattinen induktio

Sähköisesti johtavat kohteet lähellä lähdettä vääristävä kenttää voimakkaasti. Kun sähköä johtava kappale viedään sähkökenttään, siinä elevat varaukset järjestätyvät edelleen kappaleen pinnalle. Ilmiötä kutsutaan sähköstaattiseksi induktioksi, joka perustuu Coulombin lain mukaiseen vuorovaikutukseen. Nämä pintavaraukset aiheuttavat edelleen sekundarisen sähkökentän, joka summautuu alkuperäiseen lähdekenttään sekä kappaleen sisällä että sen läheisyydessä.

Kuvassa 1.2a on kuvattu sähkökentän kytkettyminen ihmiskehoon. Ihmisen keho on niin johtava, että alle 100 kHz taajuksilla se käyttää

ulkoisen sähkökentän kannalta johtavana kappaleena. Kehoon tulevat ja siitä lähtevät kenttäviivat kaareutuvat aina kohtisuoraan johtavaa pintaa vasten. Tämä täytyy ottaa huomioon sähkökentän mittauksessa. Jos mittalaite tai mittaja on liian lähellä lähdettä, tulos voi vääristyä huomattavasti.

Ulkoisen sähkökentän muuttuessa ajan funktiona myös sisäinen sähkökenttä muuttuu. Kentän muutos ilmenee kappaleen sisällä olevan varausjakauman muutoksena, jolloin kappaleen sisällä syntyy sähkövirtoja.

Sähkökentässä olevaan materiaaliin syntvä virrantiheys  $J$  ( $A/m^2$ ) riippuu paitsi sähkökentän  $E$  voimakkuudesta myös välialaineen johtavuudesta  $\sigma$  siten, että

$$J = \sigma E \quad (2.8)$$

Johtavuuden yksikkö on ( $S/m$ ) eli siemensiä metriä kohden. Ilman sähköjohtavuus ( $\sigma \sim 10^{-14} S/m$ ) on huomattavasti pienempi kuin kudosten sähköjohtavuus ( $\sigma \sim 1 S/m$ ), joten biologiset kudokset ovat ympäristössään hyvin sähköä johtavia kappaleita. Sisäinen sähkökenttä ja siitä johdettu virrantiheys ovat biologisesti tärkeitä dosimetrisia<sup>1</sup> suureita alle 100 kHz taajuuksilla. Hermosolujen sähköinen stimulaatio määräytyy sähkökentästä (kappale 4.4). Lisäksi altistumisen perusrajat on määritelty virrantiheyksinä (luku 8).

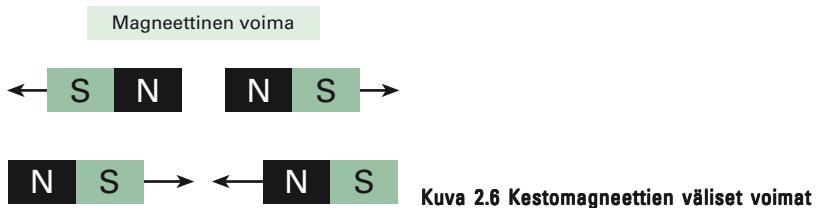
Silloin, kun sähkökentän synnyttävät jännitteet muuttuvat tarpeeksi hitaasti (sähkökentän aallonpituuus on merkittävästi suurempi kuin tarkasteltavan koteen koko), sähkökenttä seuraa jännitteen vaihtelua. Tällöin puhutaan kvasistaattisesta sähkökentästä. Kvasistaattisessa tapauksessa voidaan käyttää sähköstatikan yhtälöitä ja tämä yksinkertaistaminen helpottaa usein hyvinkin hankalien laskujen suorittamista. Tietyn kynnystaajuuden jälkeen kentän aaltoluonne tulee esiin ja sähkökenttää on tarkasteltava aaltona. Tällöin ei kenttää voida enää käsitellä kvasistaattisena ilmiönä, ja kentien laskenta vaikeutuu merkittävästi. Altistumisen kannalta kaikki alle 100 kHz sähkökentät ovat kvasistaattisia kenttiä, ja karkeissa altistumisarvioissa voidaan usein jopa 10 MHz kenttiä käsitellä kvasistaattisina kenttinä. Kvasistaattisten sähkökenttien laskennassa on kuitenkin mahdollisesti huomioitava magneettikenttä, joka voi aiheuttaa oman lisänsä indusoituneisiin virtoihin ja sähkökenttiin.

---

<sup>1</sup> Dosimetriassa pyritään määrittämään ulkoisen sähkö- tai magneettikentän vaikutuksesta kudosten tai soluviljelymaljan sisälle syntvä sisäinen sähkökenttä tai virrantiheys.

## Magneettikenttä

Liikkuvat varaukset esimerkiksi sähköjohdoissa luovat ympärilleen sähkökentän lisäksi magneettikentän. Magneettikentän vuoviivat ovat jatkuvia, ne kiertävät aina lähtöpisteesensä takaisin. Magneettikenttiä esiintyy myös kestomagneettien ympärillä. Kestomagneeteilla on kaksi napaa, ja samanmerkkiset navat hylkivät toisiaan, erimerkkiset vetävät toisiaan puoleensa. Toisin kuin sähkövarausten kohdalla magneettisia napoja ei voi erottaa toisistaan, vaan navat esiintyvät aina pareittain, kuva 2.6. Erilaisia magneettikenttien lähteitä on esitetty kuvassa 2.7.

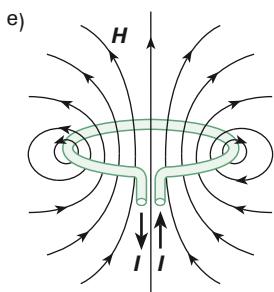
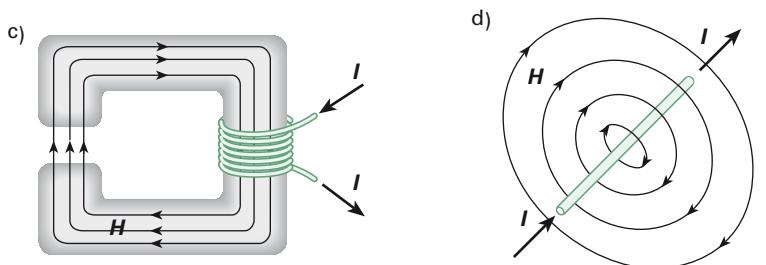
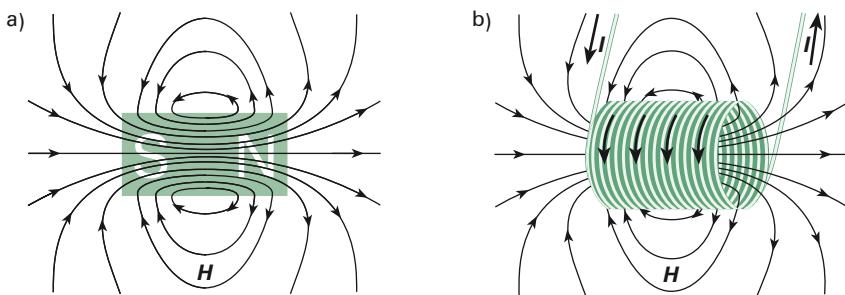


Magneettikenttää kuvaavia suureita ovat magneettikentän voimakkuus  $\mathbf{H}$  ja magneettivuon tiheys  $\mathbf{B}$ . Magneettikentän voimakkuus määräytyy vain lähteenä toimivista virroista eikä siihen vaikuta väliaine. Mitä suurempi on virta, sitä voimakkaampi on kenttä. Tätä virran ja magneettikentän suoraa yhteyttä kutsutaan Ampèren laiksi ja sen avulla magneettikentän voimakkuus voidaan laskea, kun virta tunnetaan. Ampèren laki, joka on yksi Maxwellin neljästä yhtälöstä, esitetään usein integraalimuodossa.

$$I = \oint_c \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} = \oint_s \mathbf{J} \cdot d\mathbf{s}, \quad (2.9)$$

missä  $\mathbf{H}$  on magneettikentän voimakkuus reunakäyrällä  $c$  ja  $d\mathbf{l}$  käyrän suuntainen pituusalkio,  $s$  on käyrän rajaamaa avoin pinta ( $\text{m}^2$ ),  $\mathbf{J}$  on kohdissuora virrantiheys pinnalla ( $\text{A}/\text{m}^2$ ) ja  $I$  on pinnan läpäisevä kokonaisvirta (kuva 2.8). Toisin sanoen, magneettikentän viivaintegraali suljetun silmukan  $c$  yli on sama kuin kokonaisvirta, joka kentän synnytti.

Ampèren lain avulla voidaan helposti laskea pitkässä suorassa johtimesa kulkevan virran aiheuttama magneettikentän voimakkuus eri etäisyyksillä. Tällaisessa johtimessa kulkeva sähkövirta  $I$  aiheuttaa vakiokentän  $H$  tarkasteluetäisyydellä  $r$ . Kentän  $H$  suunta yhtyy tangentiaalisesti johdinta ympäröivän integroititien kiertosuuntaan, jolloin viivaintegraali

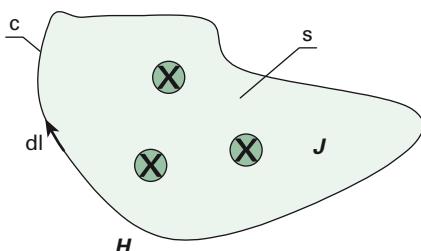


**Kuva 2.7 Magneettikentän lähteitä**

Sähkövirta muodostuu liikkuvista varauksista, jotka luovat ympärilleen magneettikentän. Myös kestomagneettien kenttä aiheutuu magneetin sisällä kiertävästä virrosta.

- a) kestomagneetti
- b) sylinterin muotoinen solenoidikela
- c) rautasydämen sähkömagneetti
- d) suora johdin
- e) virtasilmukka

Vuoviivojen tiheys kuvaaa magneettivuon tiheyttä.



**Kuva 2.8 Liikkuvat varaukset synnyttävät magneettikentän  $H$**

Pinnan  $s$  rajaaman ala läpi kulkee kokonaisvirta  $I$ . Virran muodostaa kolme pintaa vasten kohtisuoraa kulkevaa johdinta (x), jolloin virrantihesyys  $J$  vaihtelee pinnan  $s$  eri kohdissa.  $H$  on magneettikentän voimakkuus reunakäyrällä ja  $dl$  käyrän suuntainen pituusalkio.

yksinkertaistuu muotoon  $\oint H \cdot dl = H 2\pi r = I$  (kuva 2.7d), josta saadaan lauseke magneettikentän voimakkuudelle yhden suoran johtimen tapauksessa

$$H = \frac{I}{2\pi r}. \quad (2.10)$$

Magneettikentän voimakkuuden  $H$  yksikkö on siten ampeeria metriä kohden ( $A/m$ ).

Ei-magneettilla materiaaleilla kuten biologisilla materiaaleilla magneettikentän voimakkuuden  $H$  ja magneettivuon tiheyden  $B$  välillä vallitsee suora yhteyts

$$B = \mu_0 H, \quad (2.11)$$

missä  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H/m}$  (henryä per metri) on vapaan tilan magneettinen permeabilisuus. Magneettivuon tiheys on mitattavissa ja sen yksikkö on tesla (T).

Magneettivuon tiheydellä ja voimalla, joka kohdistuu magneettikentässä nopeudella  $v$  liikuvaan varaukseen  $q$ , on yhteys  $\mathbf{F} = q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$ , jossa ristitulo seurauksena voiman  $\mathbf{F}$  suunta on kohtisuoraan sekä varauksen kulkuuntaa että magneettikentää  $\mathbf{B}$  vastaan. Jos liikuvaan varaukseen kohdistuu vielä sähkökenttä, on laskettava kokonaisvoima eli Lorentzin voima

$$\mathbf{F} = q(\mathbf{E} + \mathbf{v} \times \mathbf{B}). \quad (2.12)$$

Jos varauksen kulkusuunta on yhdensuuntainen magneettikentän kanssa, on magneettinen voima nolla. Magneettikentän tärkeä ominaisuus on se, että magneettikenttä ei tee työtä. Voima, joka syntyy vuorovaikutuksesta liikkuvan varauksen kanssa, on aina kohtisuoraan varauksen liikesuuntaa vasten. Siten magneettikenttä ei lisää varauksen kineettistä energiota. Lorentzin voima selittää sen miksi magneettikentässä liikuvaan johteen syntyy jännite-eroja (Hall-ilmiö, kappale 10). Magneettinen voima ajaa helposti liikkuvat negatiiviset elektronit toiseen laitaan, johon syntyy negatiivinen varaus ja vastakkaiseen laitaan jää positiivinen varaus. Magneettikentässä pyörivässä silmukassa syntyy jännitteiden johdosta jatkuva vaihtovirta, kun taas staattisessa homogeenisessa magneettikentässä suo-raviivaisesti etenevään kappaleeseen virta syntyy vain liikkeen alussa varausten erityyessä.

Magneettivuon tiheys  $B$  on määritelty sähkövirran aiheuttaman voiman avulla ja siihen vaikuttaa myös väliaine. Magneettisissa materiaaleissa, kuten ferromagneettisessa raudassa tapahtuu väliaineen magnetisoitumista, joka lisää magneettivuon tiheyttä, kuva 2.7c. Ilma ja biologiset kudokset muodostuvat kuitenkin diamagneettisista ja paramagneettisista materiaaleista, ja näiden magneettivuon tiheyttä lisäävä vaikutus on mitätön.

Jos väliaine vaikuttaa magneettivuon tiheyteen, on vapaan tilan magneettinen permeabilisuus kerrottava suhteellisella permeabilisuudella  $\mu_r$ . Magneettikentässä ihmisen ei kuitenkaan muuta alkuperäistä kenttää, joen suhteelliselle permeabilisuudelle ei tässä tapauksessa ole käytöä.

#### FAKTALAAIKKO 2.2

$$1 \text{ T} = 10\,000 \text{ Gauss}$$

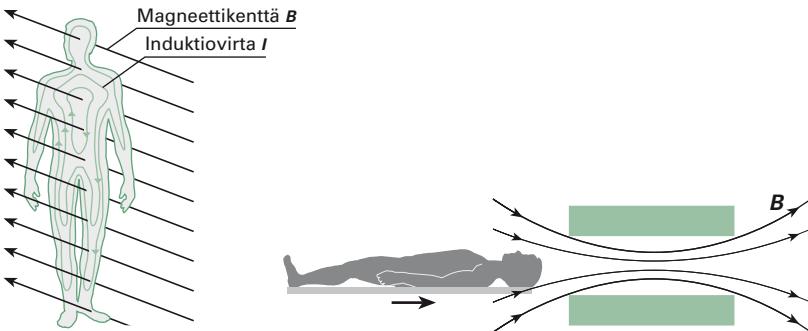
$$1 \mu\text{T} = 10 \text{ mG}$$

### Sähkömagneettinen induktio

Michael Faraday osoitti vuonna 1831, että magneettikentän muuttuminen indusoii sähkövirtoja metalliseen lankasilmukkaan. Tätä ilmiötä kutsutaan sähkömagneettiseksi induktioksi. Faradayn laki voidaan esittää muodossa

$$U = -\frac{d}{dt}\Phi, \quad (2.13)$$

jossa silmukan lävistävä magneettivuo  $\Phi$  indusoii sähkömotorisen voiman (jännitteen) silmukkaan, ja panee sähkövaraukset kiertämään silmukkaa. Homogeenisessa kentässä magneettivuo  $\Phi = BA$ , jossa  $A$  on silmukan pinta-ala ja  $B$  sitä vastaan kohtisuora magneettikenttä. Mitä nopeammin magneettikenttä vaihtelee, sitä suuremman jännitteen se syntyytää. Toisaalta jännitteeseen liittyy aina sähkökenttä, joka kaavan (2.8) mukaan aiheuttaa sähkövirran johtavaan kappaleeseen. Magneettikenttä indusoii ensin sähkökentän ja johtavuudesta riippuen se syntyytää sähkövirran. Johtavaa kehoa voidaan verrata virtasilmukkaan. Tässä tapauksessa muuttuva magneettikenttä tunkeutuu materiaaliin ja aiheuttaa sähkökentän ja kiertävän sähkövirran (pyörrevirta). Kenttä ja virta kasvavat



**Kuva 2.9 Sähkömagneettinen induktio**

- Paikallaan olevaan kehoon kohdistuu ajan funktiona muuttuva magneettikenttä.
- Kehon muodostama silmukka liikkuu staattisessa magneettikenttässä (esimerkiksi magneettikuvauslaitteessa).

kehon pintaan kohden. Näitä ilmiöitä kutsutaan sähkömagneettiseksi induktioksi.

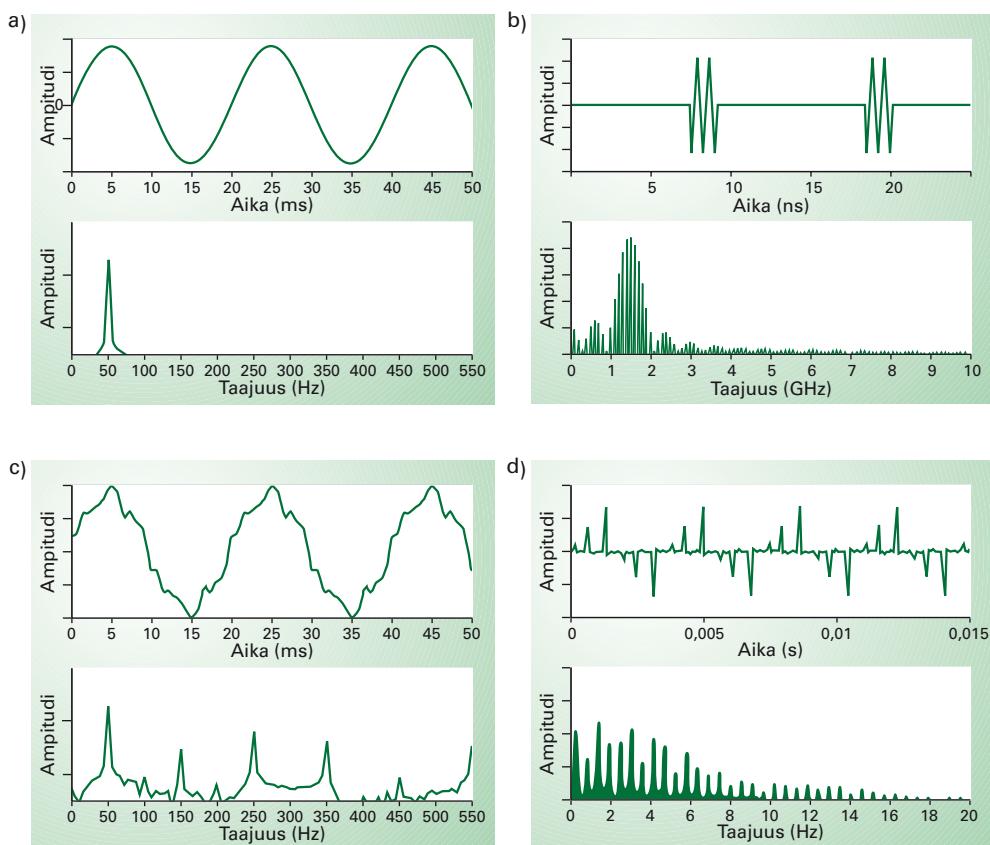
Kehoon indusoitunut sähkökenttä ja virrantiheys ovat Faradayn lain mukaan suoraan verrannollisia magneettivuontiheyden muutosnopeuteen ja taajuuteen. Induktiovirran vaikuttaa myös se, että kudosten johtavuus kasvaa hieman taajuuden kasvaessa. Sähkömagneettinen induktio syntyy myös, kun johdetta (ihmisen keho, kiertävä veri) liikutetaan magneettikenttässä tai magneettikenttä muuttuu ja johde on paikallaan (kuva 2.9 ja 1.2a).

### Kvasistaattinen magneettikenttä

Magneettikentän indusoimien virtojen ja sähkökenttien laskennassa voidaan käyttää vastaanlaista kvasistaattista lähestymistapaa kuin sähkökentälle. Magnetokvasistaatisessa tapauksessa oletuksena on, että kudokseen indusoitunut sähkökenttä ja virta voidaan laskea Faradayin induktiolista käyttäen häiriintymätöntä kenttää lähteenä. Tarkkaan ottaen myös induktiovirrat synnyttävät oman sekundaarisen magneettikenttän sää, joka summautuu lähdekenttään. Biologilla kappaleilla tämä sekundaarinen magneettikenttä ei ole niin suuri, että se alle 10 MHz taajuuksilla olisi kovin merkittävä alkuperäiseen kenttään nähden. Kvasistaattisella alueella sähkö- ja magneettikentien aiheuttamia indusoituneita virtuja voidaankin käsitellä erikseen aiheuttamatta suurempaa virhettä.

## Kenttiä aaltomuotoja ja amplitudispektrejä

Sähkö- ja magneettikenttää voidaan kuvata joko ajan funktiona muuttuvana käyränä tai hajottaa se spektrikomponentteihinsa. Aikaharmoninen kenttä on jatkuva (CW) ja aaltomuodoltaan sinimuotoinen. Sellaisen spektri keskittyy hyvin kapealle taajuuskaistalle (kuva 2.10a). Katkotusta siniaallosta muodostuvan pulssikentän (PW) spektri levenee, mutta on edelleenkin useimmiten varsin kapeakaistainen (2.10b). Tällaista on esimerkiksi pulssitutkien lähetämä säteily. Yksittäisistä terävistä pulsseista muodostuva pulssikenttä on kaikkein laajakaistaisinta



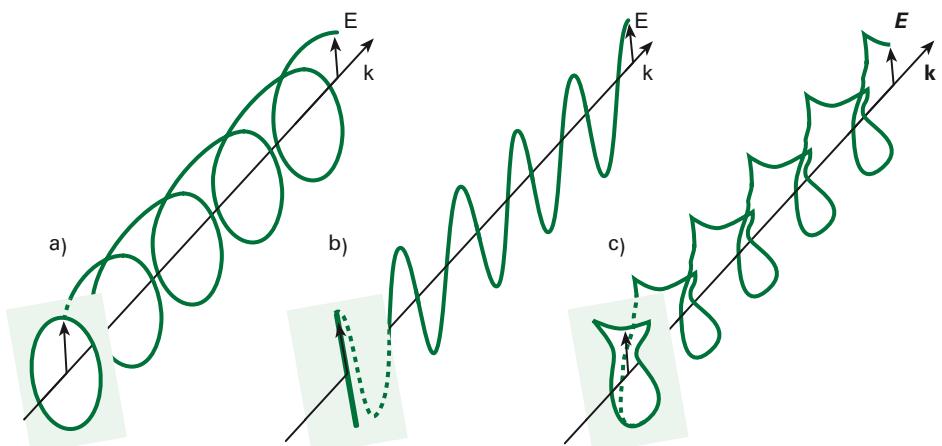
**Kuva 2.10 Erikoisia sähkö- ja magneettikenttä aaltomuotoja ja amplitudispektrejä**

- Puhdas aikaharmoninen (sinimuotoinen) kenttä väärhtelee vain yhdellä taajuudella  $f$ , joka määrittyy jaksonajasta  $T$  siten että  $f = 1/T$  (tässä  $f = 50$  Hz,  $T = 20$  ms).
- Katkotusta sinikenttää muodostuva pulssikenttä
- Yliaaltojen vääristämä laajakaistainen 50 Hz kenttä
- Terävistä pulsseista muodostuva laajakaistainen pulssikenttä

(2.10d). Monet lähes sinimuotoisilta näyttävät kentät sisältävät todellisuudessa altistumisen kannalta niin merkittäviä harmonisia yliaalto-komponentteja, että ne onkin luokiteltava laajakaistaisiksi kentiksi (2.10c). Laajakaistaisuus ja pulssimaisuus vaikuttavat merkittävästi siihen miten altistumista on mitattava ja arvioitava. Tähän palataan altistumisrajoja (luku 8) ja mittaustekniikkaa (luku 10) koskevissa kohdissa.

Aikaharmonista kenttää voidaan kuvata yksinkertaisella sinifunktioilla  $\sin(\omega t)$  tai kosinifunktioilla  $\cos(\omega t)$ . Kulmataajuus  $\omega = 2\pi f$  lasketaan taa-juudesta  $f$ . Sähkökenttä  $\mathbf{E}(t)$  tai vastaavasti magneettikenttä  $\mathbf{B}(t)$  voidaan esittää vektorina

$$\begin{aligned} \mathbf{E}(t) &= xE_{a,x} \cos(\omega t + \theta_x) + \\ &yE_{a,y} \cos(\omega t + \theta_y) + zE_{a,z} \cos(\omega t + \theta_z) \end{aligned} \quad (2.14)$$



**Kuva 2.11 Sähkökentän polarisaatio**

- a) Elliptisesti polarisoituneen tai ympyräpolarisoituneen sinimuotoisen kentän vektorin uran funktioita
- b) Lineaarininen polarisaatio
- c) Laajakaistaisen kentän polarisaatio

missä  $\mathbf{x}$ ,  $\mathbf{y}$ ,  $\mathbf{z}$  ovat yksikkövektoreita ja  $E_{a,x}$  on amplitudi eli harmonisen kentän huippuarvo ja  $\theta_x$  vaihe-ero x-suunnassa. Muiden suuntien amplitudit ja vaihekulmat on erotettu vastaavilla alaindekseillä. Harmonisen kentän kenttävektorin kärki piirtää tasossa ellipsinmuotoisen uran jakson aikana. Erikoistapauksissa ellipsi voi laajeta ympyräksi tai kutistua lineaariseksi viivaksi. Näitä kenttävektorin ominaisuuksia kutsutaan polarisaatioksi, kuvat 2.11a–c.

Alle 100 kHz taajuuksilla tärkeä altistumissuure on kudoksiin indusoituneen sähkökentän tai virrantiheyden hetkellinen maksimiarvo, joka on kenttävektorin maksimipituus jollain ajan hetkellä. Yli 100 kHz taajuuksilla kiinnostuksen kohteena on yleensä sähkökentän tehollisarvo, josta kentän aiheuttamaan kudosten läpenneminen määritetyy.

### Aikaharmonisen kentän tehollisarvo

Harmonisen ja lineaarisesti polarisoituneen sähkökentän tehollisarvo (root mean square, rms) määritellään seuraavasti:

$$E_x = \sqrt{\frac{\int [E_{a,x} \cos(\omega t + \theta_x)]^2 dt}{T}} = \frac{E_{a,x}}{\sqrt{2}} \quad (2.15)$$

missä  $T$  on jakson aika ja  $E_{a,x}$  on x-suuntaan polarisoituneen kentän amplitudi. Tehollinen sähkökentän voimakkuus  $E_{rms,x}$  on siten huippuarvo  $E_{a,x}$  jaettuna  $\sqrt{2}$ :lla. Mielivaltaisen polarisaation tapauksessa koko kentän tehollisarvo  $E_{rms}$  muodostuu kentän komponenttien neliösummasta lasketusta neliöjuuresta.

$$E_{rms} = \sqrt{E_{rms,x}^2 + E_{rms,y}^2 + E_{rms,z}^2} \quad (2.16)$$

Voidaan osoittaa, että häviöllisessä välialaineessa kuten kudoksessa tehollinen sähkökentän voimakkuus määräyty yksikäsitteisesti kyseisessä pisteessä tapahtuvan tehohäviön, joka ilmenee välialaineen läpennemisenä. Radiotaajuisten kenttien vaikutuksia kuvaava tärkeä suure on ominaisabsorptionopeus ja se määritetyy tästä tehohäviöstä (kohta 2.3). Magneettikentän tehollinen kentänvoimakkuus määritellään vastaavasti

$$H_{rms} = \sqrt{H_{rms,x}^2 + H_{rms,y}^2 + H_{rms,z}^2}. \quad (2.17)$$

Magneettikenttä ei suoraan lämmitä kudoksia, joten tämän kaavan mukaisella määritelmällä ei ole selvää fysikaalis-biologista perustaa. Se on kuitenkin mittausten standardoinnin kannalta käytökelainainen.

### Laajakaistaiset kentät

Monet altistuslähteet erityisesti alle 100 kHz taajuksilla tuottavat voimakkaita laajakaistaisia kenttiä. Tällainen kenttä muodostuu useista laajalle taajuusalueelle jakautuneista komponenteista, joiden taajuudet ovat tietyn selvästi erotuvan perustajuuuden monikertoja eli yliaaltoja. Näitä nimitetään myös asiyhteydestä riippuen harmonisiksi taajuuskomponenteiksi (kuvat 2.10c ja d). Myös moduloidut kentät, joiden amplitudi, taajuus tai vaihe vaihtelee pientäajuisen modulaation tahdissa, sisältävät suuren joukon eritaajuisia komponentteja. Ne ovat pakkautuneet suhteellisen lähelle tiettyä keskitaajuitta ja tällainen kenttä onkin yleensä syytä luokitella kapeakaistaisiksi, kuva 2.10b.

Laajakaistainen jaksollinen kenttä voidaan esittää sini- tai kosinisarjoilla muodossa,

$$E(t) = \sum_{k=0}^{\infty} x E_{a,x,k} \cos(k\omega_o t + \theta_{x,k}) + \\ \sum_{k=0}^{\infty} y E_{a,y,k} \cos(k\omega_o t + \theta_{y,k}) + \sum_{k=0}^{\infty} z E_{a,z,k} \cos(k\omega_o t + \theta_{z,k}) \quad (2.18)$$

jossa yliaaltojen kulmataajuus on peruskulmataajuuden  $\omega_0$  monikerta  $k\omega_0$  ( $k$  on kokonaisluku).  $E_{a,x,k}$  on x-suuntaisen ja  $k$ :nnen komponentin amplitudi ja  $\theta_{x,k}$  vastaava vaihe. Tällaista sarjaa kutsutaan myös Fourier-sarjaksi. Tasakomponentti on jätetty pois, koska sillä on vain harvoin merkitystä.

Laajakaistaisia kenttiä käytetään esimerkiksi metallinpjaljastimissa, joissa tuotetaan pulssimaisia magneettikenttiä. Monet sähkölaitteiden ja -johtojen aiheuttamat magneettikentät sisältävät altistumisen kannalta merkittävän määrän yliaaltoja verkkotaajuuuden (50 Hz) kerrannaisina, kuva 2.10c.

## 2.2 | Sähkömagneettinen aalto

### Sähkömagneettisen aallon fysikaalinen luonne

Sähkömagneettisen induktion (kohta 2.1) yhteydessä selostettiin, että muuttuva magneettikenttä synnyttää muuttuvan sähkökentän. Maxwell huomasi, että tämä päätee myös päinvastoin: mitä nopeammin sähkökenttä muutuu, sitä voimakkaamman magneettikentän se synnyttää. Muuttuva sähkökenttä toimiikin sähkövirranomaisena magneettikentän lähteennä. Itse asiassa tällöin puhutaankin siirrosvirrasta, jollainen kulkee esimerkiksi kondensaattorilevyjen (kuva 2.5) läpi, vaikka ne eivät ole galvaanisessa yhteydessä toisiinsa. Voidaan ajatella, että sähkö- ja magneettikentät generoivat toinen toisiaan, ja tämä ilmiö etenee aaltoliikkeenä valon nopeudella (kuva 2.12). Nopeasti muuttuvia sähkö- ja magneettikenttiä ei voida enää – toisin kuin kvasistaattisia kenttiä – tarkastella erillisinä ilmiöinä. Tämä on dynaamisen kenttäteorian lähtökohta.

Virtasilmukan lisäksi toinen yksinkertainen esimerkki radiotaajuisia sähkömagneettisia aaltoja säteilevästä antennista on aallonpituuteen nähdyn lyhyt dipoli. Se muodostuu kahdesta johtavasta sauvasta tai langasta, joiden välissä kytketään vaihtojännite (kuva 2.13). Lyhyt dipoli on tärkeä, koska sitä voidaan pitää alkeissäteilijänä (Hertzin dipoli), joita yhdistämällä saadaan monimutkaisempia antennirakenteita. Dipolin kentät voidaan laskea helposti, kun virta tunnetaan (luku 10). Dipolin saurojen välillä ei ole suoraa kytkentää, mutta antennin haarojen välisen kapasitiivisen kytkennän kautta syntyy suljettu virtapiiri, jossa varaukset värähtlevät jännitteen tahdissa. Varausten ja niiden liikkeen tuottama sähkö- ja magneettikenttä värähtelevät vastaavasti.

Kun etäisyys dipolista on riittävän suuri, alkaa kentistä muotoutua säännöllinen sähkömagneettinen aalto. Sähkökentän suhde magneettikenttään on tällöin vakio, jota kutsutaan (vapaan tilan) aaltoimpedanssiksi

$$Z_0 = \frac{E}{H} . \quad (2.19)$$

Aaltoimpedanssilla on vastuksen yksikkö ohmi ( $\Omega$ ). Vapaassa tilassa se saa arvon  $376,7 \Omega$ . Sähkömagneettinen aalto etenee vapaassa tilassa taaajuudesta riippumatta aina valon nopeudella, joka ilmassa on  $2,998 \times 10^8$  m/s. Aallonpituuden  $\lambda$  (m) ja taajuuden  $f$  (Hz) sitoo toisiinsa yhtälö

$$c = \lambda f \quad (2.20)$$

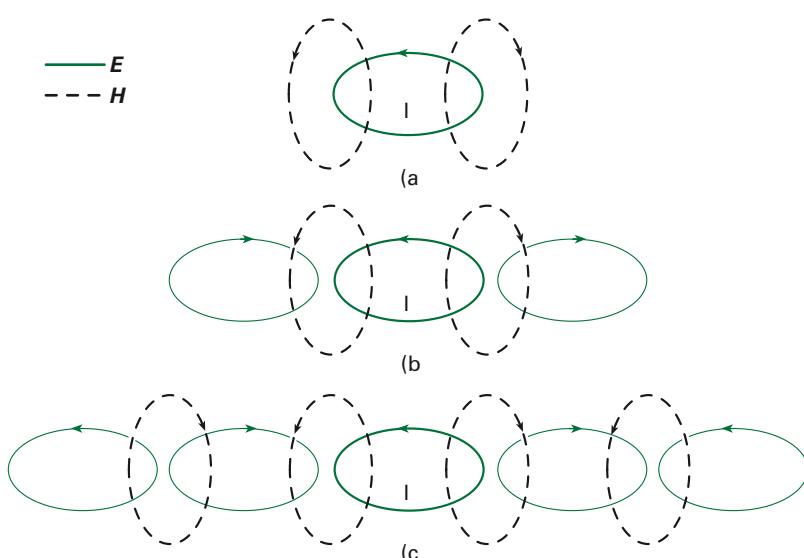
missä  $c$  on väliaineen taitekertoimesta riippuva valon nopeus. Esimerkiksi 300 MHz taajuudella aallonpituuus on yksi metri.

Sähkömagneettisen aallon sijaan puhutaan usein sähkömagneettisesta tasoaalosta, koska kaukana säteilylähteestä aaltonrintamat etenevät tasona, silloin kun tarkastelu rajoitetaan riittävän pieneen avaruuskulmaan.

## Kaukokenttä ja lähikenttä

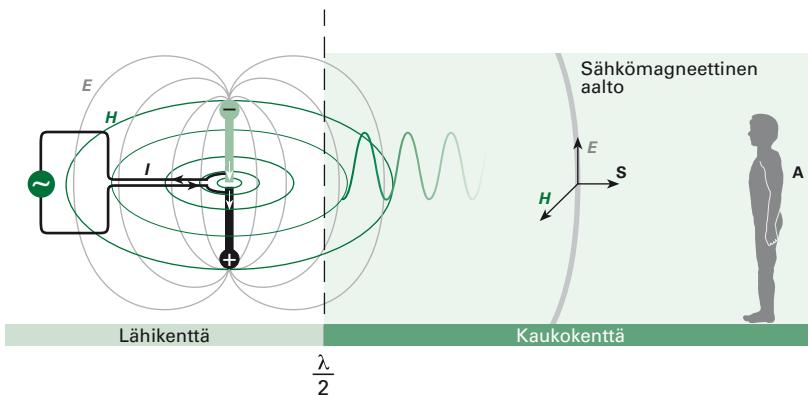
Hyvin lähellä antennia sähkö- ja magneettikentän välillä ei ole selkeää yhteyttä, vaan kentät määrytyvät varausten ja niiden liikkeen aiheuttamista staattisisista (kvasistaattisista) sähkö- ja magneettikentän komponenteista sekä niihin summautuvista induktiivisista kenttäkomponenteista. Kun etäisyys  $r$  aallonpituuteen  $\lambda$  nähdyn lyhyestä dipolista on vähemän kuin

$$r \leq \frac{\lambda}{2} \quad (2.21)$$



**Kuva 2.12 Sähkömagneettinen aalto**

Virtasilmukalla synnytetään väärätelevä magneettikenttä, joka synnyttää väärätelevän sähkökentän, joka edelleen synnyttää uuden väärätelevän magneettikentän. Lopputuloksena on itseään toistava sähkömagneettinen ilmiö – sähkömagneettinen aaltoliike.



**Kuva 2.13 Dipoli-säteilijän lähi- ja kaukokenttä**

Reaktiivisessa lähikenttässä (etäisyys  $< \lambda/2$ ) sähkö- ja magneettikentät jakautuvat monimutkaisesti, eivätkä kenttävektorit  $E$  ja  $H$  ole yksinkertaisella tavalla johdettavissa toisistaan. Kaukokenttässä (etäisyys  $> \lambda/2$ ) on muodostunut selvästi erottuva sähkömagneettinen aalto, jossa sähkökenttä värähtelee kohtisuorassa magneettikenttää vastaan, kentänvoimakkuuskien suhde on vakio ( $E/H = 377 \Omega$ ) ja tehotiheys  $S = EH$  ( $E$  ja  $H$  tehollisarvoja).

puhutaan reaktiivisesta lähikentästä, jossa staattiset ja induktiiviset kenttäkomponentit vääristävät kenttiä. Esimerkiksi matkapuhelimen taajuudella 900 MHz reaktiiviset lähikentät ulottuvat noin 17 cm syvyyteen ja kyseessä onkin puhdas lähikenttäläytystustilan.

Vasta yli puolen aallon etäisyydellä lyhyestä dipolista ollaan kaukokenttässä, jossa voidaan puhua hyvin muodostuneesta sähkömagneettisesta allostaa, kuva 2.13. Kun säteilijä tai antenni muodostuu monista dipoleista tai on muuten aallonpituuteen nähdyn isokokoinen, kaukokenttä siirtyy kauemmaksi kuin puolen aallon etäisyys tai yksittäisen elementin kaukokenttä (liitteet 2 ja 3).

### Tehotiheys

Sähkömagneettinen aalto kuljettaa mukanaan energiota, jota kuvataan tehotiheydellä. Tehotiheys  $S$  riippuu sekä magneettikentän että sähkökentän voimakkuudesta ja se voidaan lausua Poyntingin vektorin avulla

$$S = E \times H \quad (2.22)$$

Poyntingin vektorin suunta ilmoittaa aallon kuljettaman energian etene missiunnan, ja itseisarvo  $S$  sen kuljettaman tehon pinta-alayksikköä koh-

den eli tehotiheyden. Tehotiheyden  $S$  yksikkö on wattia per neliömetri ( $\text{W}/\text{m}^2$ ). Yksinkertaisessa sinimuotoisen kentän tasoaaltotapauksessa (kaukokentässä) tehotiheys voidaan esittää skalarimuodossa

$$S = EH , \quad (2.23)$$

missä  $E$  ja  $H$  ovat sähkö- ja magneettikentien voimakkuuksien tehollisarvoja. Jatkossa käytetään aina tehollisarvoja, jos ei erikseen muuta mainita.

Sijoittamalla  $Z_o = E/H$  voidaan tehotiheys esittää joko sähkökentän tai magneettikentän avulla

$$S_E = \frac{E^2}{Z_o} \quad \text{ja} \quad (2.24)$$

$$S_H = H^2 Z_o . \quad (2.25)$$

Tehotiheys on varustettu alaindeksillä  $E$  tai  $H$  sen mukaan kumman kentän avulla se on määritetty. Kumpikin kaava antaa kaukokentässä saman tuloksen. Alle 300 MHz taajuuksilla kaukokenttäoletus ei kuitenkaan yleensä päde, vaan kaavoilla 2.24 ja 2.25 määritellyt tehotiheydet ovat ekvivalenttisia tehotiheyksiä, jotka ovat eri suuruisia lähikentässä.

Yli 3 GHz mikroaaltotaajuuksilla, joilla aallonpititus on paljon pienempi kuin kehon mitat, tehotiheys antaa karkean arvion kehoon absorboituneesta kokonaistehosta  $P$ . Se on yksinkertaisesti

$$P = (1 - R^2)AS , \quad (2.26)$$

jossa  $A$  on kehon poikkipinta-ala aallon kulkusuuntaa vasten ja tehoheitustukkeroin ( $1 - R^2$ ) ottaa huomioon, että noin 50 prosenttia aallon tehosta heijastuu takaisin. Absorboituneen tehon suhde ihmisen massaan ( $\text{P}/\text{m}$ ) on koko kehon keskimääräinen ominaisabsorptionopeus SAR, jota käsitellään seuraavassa kohdassa 2.3.

Tehotiheys on yksi radiotaajuiselle säteilylle altistumista kuvaavista suureista, joiden voimakkuutta pyritään rajoittamaan erilaisin suosituksin ja määräyksin. Ekvivalenttinen tehotiheys  $10 \text{ W}/\text{m}^2$  ja sitä vastaavat kentänvoimakkuudet ovat tärkeitä lukuarvoja, koska ne ovat tiukimpia radiotaajuisen säteilyn raja-arvoja, joita kansainvälinen ionisoimatto-

man säteilyn järjestö ICNIRP suosittelee sovellettavaksi ammatillisen altistumisen rajoittamiseen. Kaukokentässä ekvivalentista tehotiheyttä  $S = 10 \text{ W/m}^2$  vastaava sähkökentän (tehollinen) voimakkuus on  $61 \text{ V/m}$  ja magneettikentän voimakkuus on  $0,16 \text{ A/m}$ . Lisää enimmäisarvoista voi lukea luvusta 8.

## 2.3 | Ominaisabsorptionopeus

Keskeisin dosimetrisen altistumissuure yli  $100 \text{ kHz}$  taajuksilla on ominaisabsorptionopeus SAR (Specific Absorption Rate), joka kuvaa radiotaajuisen tehon ohmista absorboitumista häviölliseen kudokseen siinä vaikuttavan sähkökentän ja -virtojen kautta. Tehohäviö johtuu siitä, että kudoksen dielektrinen polarisaatio ja vapaiden ionien liike kuluttavat energiaa. Paikallinen SAR määritellään äärettömän pieneen kudospalaan  $dm$  absorboituneen tehon  $dP$  ja sen kohdalla vaikuttavan sähkökentän  $E$  avulla seuraavasti:

$$SAR = \frac{dP}{dm} = \frac{\sigma E_i^2}{\rho}, \quad (2.27)$$

missä  $\rho$  tiheys ja  $\sigma$  johtavuus kyseisessä pisteessä. Ominaisabsorptionopeuden yksikkö on siten ( $\text{W/kg}$ ). SAR on skalaarisuure päinvastoin kuin sähkökenttä. Kohdassa 3.2 ”Häviöllinen levy sähkökentässä” on esitetty miten SAR voidaan johtaa kondensaattorilevyjen välillä vallitsevasta sähkökentästä.

Sisäinen sähkökenttä voidaan mitata kehoa simuloivan fantomin<sup>2</sup> avulla käyttämällä pieniä isotrooppisia sähkökentän anturia, katso luku 10. Mittaustuloksesta voidaan laskea paikallinen SAR. Tähän menetelmään perustuu esimerkiksi matkapuhelimien SAR-testaus. Sähkökenttään perustuvia SAR-mittauksia on suoritettu jopa kuolleiden ihmisten ja koe-eläinten avulla.

Käytännössä SAR määritetään pienen kudospalan keskiarvona, mikä tasoittaa absorptiohuippuja. ICNIRPin ohjeearvoissa kudospalan paino on 10 grammaa, jota vastaavan kuution mitat ovat likimain  $2,15 \times 2,15 \times 2,15 \text{ cm}^3$ , kun kudosten tiheydeksi oletetaan veden tiheys  $1\,000 \text{ kg/m}^3$ .

---

<sup>2</sup> Fantomi on mallinukke, jonka mitat ja sähköiset ominaisuudet ovat tutkittavien kudosten kaltaiset ja jota käytetään kehon sisäisen sähkökentän, virrantiheyden ja SAR:n arvointiin eri altistumistilanteissa.

Tehon absorboituminen kudokseen ilmenee kudoksessa lämpötilan nousuna  $dT$ . SAR voidaan määritellä lämpötilan noususta siten, että,

$$SAR = c_p \frac{dT}{dt} \quad (2.28)$$

missä  $c_p$  on kudoksen ominaislämpökapasiteetti ( $J/(kgK)$ ),  $dT$  lämpötilan muutos kelvininä ( $K$ ) tai asteina ( $^{\circ}C$ ) ja  $dt$  lyhyt lämmitysaika ( $s$ ).

Alle 100 MHz taajuuksilla SAR kannattaa joskus esittää virrantiheyden  $J$  avulla. Paikallisen virrantiheyden ja sähkökentän välinen yhteyts on  $J = \sigma E_i$ , joten

$$SAR = \frac{J_i^2}{\rho \sigma} \quad (2.29)$$

Virrantiheys voidaan arvioida kehossa ja raajoissa kulkevista virroista, jos tunnetaan niiden poikkileikkauspinnan ala ja siinä olevien kudostyyppien osuudet (kohta 3.4 ”Leikemalli”).

SAR jakautuu hyvin epähomogeenisesti kudoksissa. Johtavaan tai häviölleiseen kappaleeseen muodostuva sisäinen sähkökenttä on jo lähtökohtaisesti epähomogeeninen, vaikka kappale olisikin säennöllisen muotoinen ja muodostuisi homogenisesta materiaalista. Todellisissa biologisissa kappaleissa kentän epähomogenisuutta lisäävät oleellisesti monimutkainen muoto ja kudoksen epähomogenisuus. Virta voi esimerkiksi ahtautua nilkkoihin, joissa paikallinen SAR voi olla moninkertainen kehon keskiarvoon verrattuna.

Altistumistilanteesta riippuen kiinnostuksen kohteena on joko paikallinen tehon absorptio, tai koko kehon absorboima säteily. Keskimääräinen koko kehon ominaisabsorptionopeus  $SAR_{wba}$  saadaan integroimalla paikallinen SAR koko kehon yli. Se on yksinkertaisesti kehoon absorboitunut kokonaisteho  $P$  jaettuna massalla  $m$ , eli

$$SAR_{wba} = \frac{P}{m} . \quad (2.30)$$

Kokoehon SAR voidaan määritellä periaatteessa kalorimetrisesti. Käytännössä kalorimetria on harvoin mahdollista ja silloinkin vain koko kehoa simuloivilla fantomeilla tai kuolleiden eläinten ruhoilla.

Hetkellinen ominaisabsorptionopeus saadaan vektoriyhtälöstä

$$SAR(t) = \frac{E(t) \cdot J(t)}{2\rho} , \quad (2.31)$$

missä  $E(t)$  on hetkellisen sähkökentän ja  $J(t)$  virrantiheyden vektori. Varsinainen SAR on hetkellisen SAR:n kesiarvo pulssijakson yli. Tekijä  $\frac{1}{2}$  johtuu siitä, että sähkökentät ja virrantiheydet esitetään kaavassa poikkeuksellisesti amplitudiarvoina ja tehollisarvo saadaan jakamalla amplitudiarvo tekijällä  $\sqrt{2}$ .

**ESIMERKKI 2.1**

Oletetaan, että 100 kg painoiseen ihmiseen absorboituu 100 W teho. Tällöin koko kehon SAR on 1 W/kg, joka on samaa luokkaa kuin perusaineenvaihdunnan levossa tuottama minimilämpöteho ja ylittää ICNIRPin ohjeen 0,4 W/kg. Tällainen tehohäviö lisää hitusen kehon lämpökuormaa ja voi olla juuri ja juuri aistittavissa.

### Laajakaistaisen kentän SAR

Silloin kun johtavuus on taajuudesta riippumaton, voidaan pulssijakson yli lasketulle keskimääräiselle SAR:lle johtaa yksinkertainen lauseke sijoittamalla sähkökentän  $E(t)$  ja virrantiheyden  $J(t)$  (kaavat 2.8 ja 2.18) vektorit kaavaan (2.31), jolloin saadaan

$$SAR = \frac{\sigma \left( \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{2} E_{a,x,k}^2 + \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{2} E_{a,y,k}^2 + \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{2} E_{a,z,k}^2 \right)}{\rho} . \quad (2.32)$$

Pistetulo yksinkertaistuu, koska vektorikomponenttien itesisarvojen keskiarvoihin vaikuttavat vain  $\cos^2$  tyyppiset termit. Verrattaessa sinimuotoisen kentän yhtälöihin (2.27) huomataan, että sulkeissa oleva lauseke korvaa yksinkertaisemman tehollisen kentänvoimakkaiden neliölausekkeen. Erona on vain se, että summaus on ulotettu vektorikomponenttien lisäksi myös taajuuskomponenttien yli.

## 2.4 | Maxwellin yhtälöt

Sähkömagneettiset kentät voidaan laskea Maxwellin yhtälöillä, joiden avulla saadaan tarkka ratkaisu kaikkiin klassisen sähkömagneettisen kenttäteorian ongelmia. Esitetynä pareittain differentiaali- ja integraalimuodossa yhtälöt ovat (isotrooppinen väliaine):

Vektorimuoto	Integraalimuoto	Selite	Yhtälö
$\nabla \times E = -\frac{\partial(\mu H)}{\partial t}$	$\oint E \cdot dl = -\frac{\partial}{\partial t} \oint \mu H \cdot ds$	Faraday laki	(2.33)
$\nabla \times H = \frac{\partial(\epsilon E)}{\partial t} + J$	$\oint H \cdot dl = \frac{\partial}{\partial t} \oint \epsilon E \cdot ds + \oint J \cdot ds$	Ampéren laki ja Maxwellin lisäys	(2.34)
$\nabla \cdot \epsilon E = \rho$	$\oint_s \epsilon E \cdot ds = \int_v \rho dv$	Gaussin laki	(2.35)
$\nabla \cdot B = 0$	$\oint_s B \cdot ds = 0$	Gaussin laki	(2.36)

### Taulukko 2.1 Maxwellin yhtälöt

$E$  on sähkökentän voimakkuus,  $H$  magneettikentän voimakkuus,  $B$  magneettivuontiheys ja  $J$  virrantiheys vektorimuodossa ajan ja paikan funktiona.  $\rho$  on skalaarinen varaustiheys ( $\text{Q}/\text{m}^3$ ).  $dl$  on reunakäyrän suuntainen vektorialkio viivaintegroinnissa,  $ds$  on pintaavalla kohtisuora pinta-alkiovektori pintaintegroinnissa ja  $dV$  on tilavuusalkio. Operaattori nabla ( $\nabla$ ) on differentiaalioperaattori.

Yhtälöt (2.33) kuvaavat Faraday lakia. Sen mukaan silmukkaan induoitunut jännite on suoraan verrannollinen silmukan lävistävän magneettivuon muutosnopeuteen. Yhtälöiden (2.34) mukaan tietyn pinnan läpäisevä virta, siirrosvirtatermi mukaan lukien, on suoraan verrannollinen magneettikentän viivaintegraaliin pinnan reunaviivaa kiertävällä uralalla. Staattisen kentän tapauksessa siirrosvirtatermi on nolla, jolloin kyseessä on Ampéren laki. Siitä saadaan suoraan aiemmin esitetyt magneettikentän voimakkuus suoran pitkän johtimen ympäillä kohta 2.1 "Magneettikenttä". Yhtälöt (2.33) ja (2.34) ovat Maxwellin roottoriyhtälöitä, jotka esittävät ajan funktiona muuttuvia kenttiä. Yhtälöt (2.35) sitovat sähkökentän varauksiin. Ne kuvaavat sitä, että varaus tuottaa sähkökentän, jonka pintaintegraali varauksen sisältävän tilavuuden yli antaa varauksen suuruuden. Vastaavasti yhtälöstä (2.36) voidaan päätellä, että magneettisia varauksia ei ole.

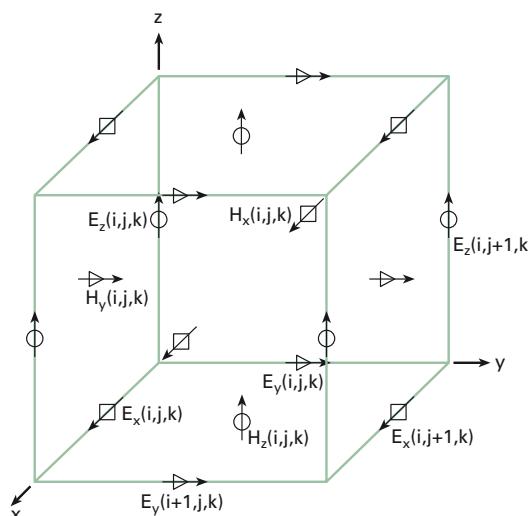
Matemaattisesti Maxwellin yhtälöt ovat ensimmäisen kertaluokan osittaisdifferentiaaliyhtälöitä, joissa muuttujina ovat paikka ja aika. Niille löytyy aina ratkaisu, jos alkuarvot, reunaehdot ja kentän lähteet on määritelty. Analyyttinen ratkaisu löytyy kuitenkin vain hyvin yksinkertaisille kentäprobleemoille, esimerkkinä homogeeninen pallo homogenisessa sähkö tai magneettikentässä. Monimutkaisemmissa tapauksissa joudutaan

taan turvautumaan numeerisiin menetelmiin. Niissä laskentatila jaetaan pieniin, useimmiten suorakulmaisista särmioistä muodostuviin, alkioihin eli vokseleihin. Alkioiden kentät ratkaistaan Maxwellin yhtälöihin perustuvilla suorilla laskenta-algoritmeilla tai matriisin käänöllä.

### FDTD-menetelmä

Radiotaajuusalueen biosähkömagneettisiin laskuihin käytetään nykyisin yleisimmin FDTD-menetelmää eli aika-alueen differenssimenetelmää (Finite-Difference Time Domain). Siinä kentät ratkaistaan suoralla laskulla muuntamalla Maxwellin yhtälöt differenssimuotoon sekä ajan että paikan suhteen. Menetelmä on matemaatisesti varsin suoraviivainen, mutta sen keskeisin idea on nerokas. Taflowe huomasi vuonna 1966, että laskentatila on kätevä jakaa niin kutsuttuihin Yeen soluihin, joissa sähkö- ja magneettikentän komponentit on hajotettu kuvan 2.14 osoittamalla tavalla. Jokaista magneettikentän komponenttia kiertää sähkökenttä ja päinvastoin. Näin saadaan suora yhteys Maxwellin roottoriyhtälöihin (2.33) ja (2.34).

Seuraavassa havainnollistetaan FDTD-menetelmän keskeisimpia piirteitä soveltamalla sitä yhdessä dimensiolla. Oletetaan, että sähkömagneet-



Kuva 2.14 Yeen solu (Yee 1966)

tinen kenttä muodostuu z-suuntaisesta sähkökentästä ja x-suuntaisesta magneettikentästä (eivät muutu paikan funktiona xz-tasossa). Tällöin yhtälöt (2.33 ja 2.34) supistuvat muotoon

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} = -\mu \frac{\partial H_x}{\partial t}, \quad (2.37)$$

$$\epsilon \frac{\partial E_z}{\partial t} = -\frac{\partial H_x}{\partial y} - \sigma E_z, \quad (2.38)$$

missä on huomioitu, että  $J = \sigma E$ .

Jaetaan y-akseli  $\Delta y$  suuruisiin pituusaskeleihin ja aika (t)-akseli  $\Delta t$  suuruisiin aika-askeleihin, jolloin

$$y = j\Delta y \quad (2.39)$$

$$t = n\Delta t, \quad (2.40)$$

missä  $j$  ja  $n$  ovat kokonaislukuja 1, 2, 3....

Ratkaistaan  $\partial H_x / \partial t$  yhtälöstä (2.37) differenssimuodossa muodostamalla magneettikentän erotusosamäärä pisteessä  $y = (j+1/2)\Delta y$  ja sähkökentän erotusosamäärä ajanhetkellä  $t = n\Delta t$ , jolloin saadaan

$$\begin{aligned} \frac{\partial H_x}{\partial t}(j + \frac{1}{2}, n) &= \frac{[H_x((j + \frac{1}{2})\Delta y, (n + \frac{1}{2})\Delta t) - }{\Delta t} \\ &\quad \frac{H_x((j + \frac{1}{2})\Delta y, (n - \frac{1}{2})\Delta t)]}{\Delta t} \\ &= -\frac{1}{\mu_0} \frac{[E_z((j+1)\Delta y, n\Delta t) - E_z(j\Delta y, n\Delta t)]}{\Delta y}, \end{aligned} \quad (2.41)$$

mistä voidaan ratkaista magneettikenttä uusimmalla ajanhetkellä  $(n + 1/2)\Delta t$

$$H_x((j + \frac{1}{2})\Delta y, (n + \frac{1}{2})\Delta t) = H_x((j + \frac{1}{2})\Delta y, (n - \frac{1}{2})\Delta t) + \frac{\Delta t}{\mu_0 \Delta y} [E_z(j\Delta y, n\Delta t) - E_z((j+1)\Delta y, n\Delta t)] \quad (2.42)$$

Samoin johdetaan sähkökentälle lähtemällä yhtälöstä

$$\begin{aligned} \varepsilon \frac{\partial E_z}{\partial t} &= \frac{[\varepsilon E_z(j\Delta y, (n+1)\Delta t) - \varepsilon E_z(j\Delta y, n\Delta t)]}{\Delta t} = \\ &- \frac{[H_x((j+1/2)\Delta y, (n+1/2)\Delta t) - H_x((j-1/2)\Delta y, (n+1/2)\Delta t)]}{\Delta y} \\ &- \sigma \left[ \frac{E_z(j\Delta y, (n+1)\Delta t) + E_z(j\Delta y, n\Delta t)}{2} \right], \end{aligned} \quad (2.43)$$

josta ratkaistaan  $E_z$  ajanhettellä  $(n + 1)\Delta t$  pisteessä  $j\Delta y$

$$\begin{aligned} E_z(j\Delta y, (n+1)\Delta t) &= \frac{2\Delta t}{2\varepsilon + \Delta t\sigma} \\ &\cdot \left[ \frac{H_x((j-1/2)\Delta y, (n+1/2)\Delta t) - H_x((j+1/2)\Delta y, n\Delta t)}{\Delta y} \right] \\ &+ \frac{2\varepsilon - \Delta t\sigma}{2\varepsilon + \Delta t\sigma} E_z(j\Delta y, n\Delta t) \end{aligned} \quad (2.44)$$

Sähkö- ja magneetikentän yhtälöistä huomataan, että oikealla puolella on vain sellaisia muuttuja, jotka on laskettu aiemmilla ajanhettillä. Siitä selviää FDTD-menetelmän perusidea: Sähkö- ja magneettikenttä lasketaan jokaisessa hilapisteessä yksinkertaisista aritmeettisista yh-

tälöistä, joissa muuttujina ovat ainoastaan aiemmat lasketut kentät. Vaadittavien aritmeettisten operaatioiden määrä on kuitenkin hyvin suuri, minkä johdosta menetelmä tuli käytännölliseksi vasta 1970-luvulla, jolloin käytössä alkoi olla riittävästi laskentatehoa kenttäongelmien ratkaisuun. Tavanomaisella suorituskykyisellä PC-laitteistolla voidaan nykyisin helposti suorittaa FDTD-simulointeja, joissa on 10 miljoonaa vokselia. FDTD-menetelmä sopii parhaiten taajuusalueen 1 MHz – 10 GHz laskentaan.

## 2.5 Yhteenveto altistumista kuvaavista suureista

Sähkömagneettisille kentille altistumista kuvaamaan käytetään yleisimmin seuraavia kahdeksaa fysikaalista suuretta:

Virrantiheys ( <b>J</b> )	Virrantiheys ( <b>J</b> ) on ihmiskehon tai sen osan kaltaisessa tilavuusjohtimessa kulkeva virta kulkusuuntaan nähdyn kohtisuoran tason pinta-alayksikköä kohti. Virrantiheys, joka on vektorisuhre, ilmaistaan ampeereina neliömetriä kohti ( $A/m^2$ ).
Sähkökentän voimakkuus ( <b>E</b> )	Sähkökentän voimakkuus ( <b>E</b> ) on vektorisuhre, joka ilmenee varautuneeseen hiukkaseen kohdistuvana voiman. Se ilmaistaan voltteina metriä kohti ( $V/m$ ).
Magneettivuontiheys ( <b>B</b> )	Magneettivuontiheys on vektorisuhre ( <b>B</b> ), jonka vaikutuksesta syntyy liikkuviin varauksiin kohdistuva voima. Sureen arvo ilmaistaan tesloina ( <b>T</b> ). Vapaassa tilassa ja eloperäisessä välivaiheessa magneettivuontiheytten ja magneettikentän voimakkaiden vastaavuuksien voidaan määritää käytämällä kaavaa $1 A/m = 4\pi \cdot 10^{-7} T$ .
Magneettikentän voimakkuus ( <b>H</b> )	Magneettikentän voimakkuus on vektorisuhre ( <b>H</b> ), joka yhdessä magneettivuontiheytten kanssa määritää magneettikentän annetussa pisteessä. Sen yksikkö on ( $A/m$ ).
Kosketusvirta ( $I_c$ )	Sähkökentässä sijaitseva sähköä johtava kohde voi varautua kentän vaikutuksesta. Kosketettaessa kappaletta varaus purkautuu kosketusvirtana ( $I_c$ ), joka ilmaistaan ampeereina ( $A$ ).
Tehotihesys ( <b>S</b> )	Tehotihesys ( <b>S</b> ) on suure, jota käytetään suurilla taajuksilla, jolloin säteily ei tunkeudu kovin syvälle. Suure määritellään kohteen pintaan nähdyn kohtisuoran sätelyyn tehtona kohteen pinta-alayksikköä kohti ja ilmaistaan watteina neliömetriä kohti ( $W/m^2$ ). Tehotihesys on Poyntingin vektorin itseisarvo.
Ominaisabsorptio (SA)	Ominaisabsorptio (SA) määritellään biologisen kudoksen absorboimana energiana massayksikköä kohti ( $J/kg$ ). Suuretta käytetään asetettaessa rajoituksia pulssimuotoiselle mikroaltosäteilylle.
Ominaisabsorptionopeus (SAR)	Ominaisabsorptionopeus (SAR) määritellään energian absorboitumisnopeutena kudoksen massayksikköä kohti. Se ilmaistaan watteina kilogrammaa kohti ( $W/kg$ ). Kehon tai sen osan lämpeneminen määräytyy ominaisabsorptionopeudesta.

Taulukko 2.2 Yhteenveto altistumissuureista

Periaatteellinen ero sähkömagneettisten kenttien ja ionisoivan säteilyn välillä on altistumissuureiden määrittelyssä. Ionisoivan säteilyn biologinen vaikutus määräytyy karkeasti annosnopeuden ja -ajan tulosta eli säteilyannoksesta. Sähkömagneettisten kenttien kohdalla taas biologisten vaikutusten riippuvuus ajasta on huomattavasti monimutkaisempi. Tunnetut vaikutukset, kuten kudosten lämpeneminen tai hermojen stimuloituminen, alkavat esiintyä vasta kun kentän voimakkuus ylittää tietyn kynnystason. Sähkömagneettisten kenttien osalta säteilyannoksella ei ole yhtä suurta merkitystä kuin annosnopeutta eli säteilyn voimakkuutta mittaavilla altistumissuureilla.

## KIRJALLISUUTTA

Voipio E. Kenttäteoria 446. Otakustantamo, Espoo, 1979.

Voipio E. Sähkö- ja magneettikentät. Otakustantamo, Espoo, 1983.

Sihvola A, Lindell I. Sähkömagneettinen kenttäteoria, osa 1: Staattiset kentät, osa 2: Dynaamiset kentät. Yliopistonkustannus/Otakustantamo, Helsinki, 1995.

Ramo S, Whinnery JR, van Duzer T. Fields and Waves in Communication Electronics. John Wiley and Sons Inc., New York, 1965.

Stratton JA. Electromagnetic theory. McGraw-Hill, New York, 1941.

Jackson JD. Classical Electrodynamics, Wiley, New York.

ICNIRP International Commission on Non-Ionizing Radiation Protection. Guidelines for limiting exposure to time- varying electric, magnetic, and electromagnetic fields (up to 300 GHz). Health Phys. 1998; **74**: 494–522.

WHO. Electromagnetic Fields. Environmental Health Criteria Series, vol. no. 137. Geneva, 1993.

Suomen Standardoimisliitto SFS. Säteilysuojelusanasto – ionisoimaton säteily, Helsinki, 1989.

SFS-IEC 60050-121 +A1. Sähkötekniikan sanasto. Osa 121: Sähkömagnetismi, Helsinki, 2002.

Taflove A. Computational electrodynamics, The Finite Difference Time Domain Method. Artech House, inc., Norwood, 1995.

Yee KS. Numerical solution of initial boundary value problems involving Maxwell's equations in isotropic media. IEEE Transactions on Antennas and Propagation, 14: 302–307, 1966.

Eloranta E. Geofysiikan kenttäteoria. STUK-A199, Säteilysturvakeskus, 2003.

